

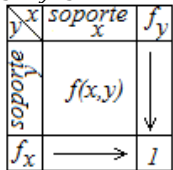
DATOS NO AGRUPADOS		DATOS AGRUPADOS		PROBABILIDADES	
Media	$\bar{X} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n}$	Media	$\bar{X} = \sum_{i=1}^k \frac{f_i m_i}{n}$; k:#clases f _i = frecuencia	$P(E) = \frac{\text{\#casos favorables}}{\text{\# total de casos}}$; $0 \leq P(E) \leq 1$	
Varianza	$S^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(x_i - \bar{x})^2}{n-1}$	Varianza	$S^2 = \sum_{i=1}^k \frac{f_i (x_i - \bar{x})^2}{n-1}$	$P(\Omega) = 1$ $\sum_{x \in S} f(x) = 1$	
Cuantiles	i.a=(n+1)(%C) $x_{i.a} = x_i + 0. a(x_{i+1} - x_i)$	Cuantiles	$= L_i + \frac{j \left(\frac{n}{part} \right) - F_{i-1}}{f_i} (A)$	Probabilidad condicional $P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{N(A \cap B)}{N(B)}$	
Diagrama de cajas		Se la analiza donde se encuentre la mayor frecuencia f. Li=Límite inferior del intervalo A=Amplitud		Probabilidad total $P(A) = \sum_{i=1}^n P(A_i) P(B/A_i)$	
		Moda = $L_i + \frac{\Delta a}{\Delta S + \Delta a} (A)$; $\Delta S = f_i - f_{i+1}$; $\Delta a = f_i - f_{i-1}$		Teorema de Bayes $P(E_r A) = \frac{P(A E_r)P(E_r)}{P(A)}$	

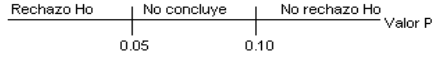
COVARIANZA		Matriz. Varian. Cova.		Variables Aleatorias Discretas	
$S_{xy} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$		$[S_{xy}] = \begin{bmatrix} S_x^2 & S_{xy} \\ S_{yx} & S_y^2 \end{bmatrix}$; S _{xy} =S _{yx}		VALOR ESPERADO $E(g(x)) = \sum_{x \in S} g(x) f(x)$ $E(a) = a$ $E(ag(x)) = aE(g(x))$ Siendo a una constante	Función generadora de momentos (depende solo de t) $M_x(t) = E(e^{tx}) = \sum_{x \in S} e^{tx} f(x)$
Coefficiente de correlación lineal $\sigma_{xy} = \frac{S_{xy}}{S_x S_y}$; $-1 \leq \sigma_{xy} \leq 1$		Matriz. Coef. Corre. Lin. $[R_{xy}] = \begin{bmatrix} 1 & \sigma_{xy} \\ \sigma_{yx} & 1 \end{bmatrix}$		Media $\mu = E(x) = \sum_{x \in Z} x f(x)$ Varianza $\sigma^2 = V(x) = E[(x - \mu)^2]$ $\sigma^2 = E(x^2) - [E(x)]^2$, $V(a) = 0$ $V(ax) = a^2 V(x)$	$M'_x(t=0) = E(x)$ $M''_x(t=0) = E(x^2)$ $M_x^n(t=0) = E(x^n)$ $\sum_{x \in S} f(x) = 1$

VARIABLES ALEATORIAS DISCRETAS			
Uniforme $x \sim U(1, N)$ $f(x) = \frac{1}{N}$; $S_x = \{1, 2, \dots, N\}$ $\mu = E(x) = \frac{N+1}{2}$ $\sigma^2 = \frac{N^2-1}{12}$ Misma probabilidad para cada elemento de S _x	Binomial $x \sim b(x; n, p)$ $f(x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$ $S_x = \{0, 1, 2, 3, \dots, n\}$ $\mu = np$ $\sigma^2 = np(1-p)$ $M_x(t) = [e^t p + (1-p)]^n$ Se fija n X: #de sucesos ocurrido	Geométrica $x \sim g(x; 1, p)$ $f(x) = p(1-p)^{x-1}$, $S_x = \{1, 2, 3, \dots, n\}$ $\mu = \frac{1}{p}$ $\sigma^2 = \frac{1-p}{p^2}$ $M_x(t) = e^t p \left[\frac{1}{1 - (1-p)e^t} \right]$ X: #de repeticiones hasta que ocurra el 1er éxito	Binomial Negativa $x \sim bn(x; r, p)$ $f(x) = \binom{x-1}{r-1} p^r (1-p)^{x-r}$, $S_x = \{r, r+1, r+2, \dots\}$ $\mu = \frac{r}{p}$ $\sigma^2 = \frac{r(1-p)}{p^2}$ $M_x(t) = (e^t p)^r \left[\frac{1}{1 - (1-p)e^t} \right]^r$ Hasta que ocurra el r-ésimo éxito. X: #de repeticiones, para que el r-ésimo suceso ocurra
Hipergeométrica $x \sim h(x; a, N, n)$ $f(x) = \frac{\binom{N-a}{n-x} \binom{a}{x}}{\binom{N}{n}}$, $S_x = \{0, 1, 2, \dots, k\}$, $k = \min\{n; a\}$ $\mu = \frac{an}{N}$ $\sigma^2 = \frac{an(N-a)(N-n)}{N^2(N-1)}$ N: # eleme. Pob. Objeto n: # eleme. Muestra a: # elem. Carac. Interés x: # elem. q cumplen con las características	Poisson $x \sim p(x; \lambda)$ $f(x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}$, $S_x = \{0, 1, 2, \dots\}$ $\mu = \sigma^2 = \lambda$ $M_x(t) = e^{\lambda(e^t - 1)}$ Cuento en un tiempo	Bernoulli $x \sim ber(p)$ Éxito = p Fracaso = 1-p $\mu = p$ $\sigma^2 = p(1-p)$ X: 1, 0	Multinomial $S_x = \{1, 2, \dots\}$ $f(x_1, x_2, \dots, x_k) = \frac{n!}{x_1! \dots x_k!} p_1^{x_1} \dots p_k^{x_k}$ $x_i = 0, 1, 2, \dots, n$ $\sum_{i=1}^k x_i = n$

VARIABLES ALEATORIAS CONTINUAS			
Uniforme $x \sim U(\alpha, \beta)$ $f(x) = \frac{1}{\beta - \alpha}$, $S_x = \{x \in R / \alpha < x < \beta\}$ $\mu = \frac{\alpha + \beta}{2}$ $\sigma^2 = \frac{(\beta - \alpha)^2}{12}$ $M_x(t) = \frac{(e^{t\beta} - e^{t\alpha})}{t(\beta - \alpha)}$	Normal $x \sim N(\mu, \sigma^2)$ $f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{x - \mu}{\sigma} \right)^2}$, $S_x = \{x \in R\}$ $M_x(t) = e^{\mu t + \frac{t^2 \sigma^2}{2}}$	Normal Estándar $x \sim N(0, 1)$ $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} x^2}$, $S_x = \{x \in R\}$ $M_x(t) = e^{\frac{t^2}{2}}$	Estandarización $Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$ $P_3 \rightarrow P(x \leq P_3) = 0.03$ $P(x < C) = \%C$
Gamma $x \sim G(\alpha, \beta)$ $f(x) = \frac{x^{\alpha-1} e^{-x/\beta}}{\Gamma(\alpha) \beta^\alpha}$, $S_x = \{x \in R / x > 0\}$ $\Gamma(\alpha) = (\alpha-1)!$ $\mu = \alpha\beta$ $\sigma^2 = \alpha\beta^2$ $M_x(t) = \frac{1}{(1 - \beta t)^\alpha}$, $t < \frac{1}{\beta}$	$\begin{cases} \alpha = 1, \beta = \beta \rightarrow \text{Exponencial} \\ \alpha = \frac{n}{2}, \beta = 2 \rightarrow \text{Ji - cuadrado} \\ \alpha = n, \beta = \beta \rightarrow \text{Erlang} \end{cases}$	Beta $x \sim B(\alpha, \beta)$ $f(x) = \frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha) \Gamma(\beta)} x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1}$ $S_x = \{x \in R / x > 0\}$, $\mu = \frac{\alpha}{\alpha + \beta}$ $\sigma^2 = \frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta)^2 (\alpha + \beta + 1)}$	Weibull $x \sim W(\alpha, \beta)$ $f(x) = \frac{\alpha x^{\alpha-1} e^{-\left(\frac{x}{\beta}\right)^\alpha}}{\beta^\alpha}$, $x > 0$ $\mu = \beta \Gamma(1 + 1/\alpha)$ $\sigma^2 = \beta^2 \left[\Gamma(1 + 2/\alpha) - [\Gamma(1 + 1/\alpha)]^2 \right]$

VARIABLES ALEATORIAS CONJUNTAS

2 V.A. Discretas $f(x,y) = P(X=x, Y=y) = f_{xy}$ $0 \leq f(x,y) \leq 1$ $\sum_{x \in S} \sum_{y \in S} f(x,y) = 1$ $E(g(x)) = \sum_{x \in S} g(x) f_x$ $f(x/y) = \frac{f(x,y)}{f_y}$, condicio.	Marginales $f_x = \sum_{y \in S} f(x,y)$ $f_y = \sum_{x \in S} f(x,y)$ 3 Variables Discretas $f_z = \sum_{x \in S} \sum_{y \in S} f(x,y,z)$	Valores Esperados $E(g(x)) = \sum_{x \in S} \sum_{y \in S} g(x) f(x,y)$ 	$Cov(x,y) = E(xy) - E(x)E(y)$ $Cov(x,a) = 0$ $Cov(x,x) = Var(x)$ $Cov(x,y) = Cov(y,x)$ $Cov(ax, by) = ab Cov(x,y)$ $Cov(x+a, y+b) = Cov(x,y)$ $Cov(ax, y) = Cov(x, ay) = a Cov(x,y)$ $Cov(ax+by) = a^2 var(x) + b^2 var(y) - 2ab cov(x,y)$ $Cov(ax+by, cz) = ac Cov(x,z) + bc Cov(y,z)$
--	--	--	--

Error Tipo I (α) : P(Rechazar H_0 ; H_0 es verdadera) Error Tipo II (β) : P(No rechazar H_0 ; H_1 es verdadero) Potencia de la prueba $(1-\beta) = 1 - P(\beta) = P(\text{Rechazar } H_0 ; H_1 \text{ es verdadero})$ Nivel de confianza: $1-\alpha = P(\text{No rechazar } H_0 ; H_1 \text{ es verdadero})$	VALOR P = P(Dist. Muestral $<, >$ Estadist. de prueba) 
--	--

PRUEBAS PAREADAS	Estimador insesgado: $E(\hat{\theta}) = \theta$ Estimador eficiente: $Var(\theta_1) < Var(\theta_2)$ Estimador consistente: $\lim_{n \rightarrow \infty} Var(\hat{\theta}) = 0$ Sesgo de un estimador: $B = E(\hat{\theta}) - \theta$
$D_i = x_1 - x_2 \mid \bar{D} = \sum_{i=1}^n \frac{D_i}{n} \mid S_D^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(D_i - \bar{D})^2}{n-1} \mid \text{E.P. } Z \text{óT} = \frac{\bar{D} - D}{S_D / \sqrt{n}} \sim t_{(\alpha/2, n-1)}$	

TABLAS DE CONTINGENCIA

Ho: variable 1 es independiente de la variable 2 Vs H1: \neg Ho (negación de Ho)		Estadístico de Prueba $\chi^2 = \sum_{i=1}^{n_1} \sum_{j=1}^{n_2} \left[\frac{(O_{ij} - e_{ij})^2}{e_{ij}} \right]$ $v = (f-1)(c-1)$ grados de libertad	Región de Rechazo $\chi^2 > \chi^2_{(\alpha, v)}$, $v = (f-1)(c-1)$ g.l. Si no hay α , utilizamos el valor p.										
<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr><td>Variable 1</td><td>f_{ij}</td></tr> <tr><td>O_{ij}</td><td>\downarrow</td></tr> <tr><td>e_{ij}</td><td></td></tr> <tr><td>Ci</td><td>\rightarrow</td></tr> <tr><td></td><td>n</td></tr> </table>	Variable 1	f_{ij}	O_{ij}	\downarrow	e_{ij}		Ci	\rightarrow		n	O_{ij} : Observaciones dadas $e_{ij} = (P_{ij} n) = \frac{f_i c_j}{n}$, $e_{ij} \geq 5$ f_i = número de filas c_j = número de columnas	Si $e_{ij} < 5$ puedo unir a mi criterio las filas o columnas que desee. e_{ij} : Valor que se espera en la celda	Determinar si los datos de nuestra muestra son independientes.
Variable 1	f_{ij}												
O_{ij}	\downarrow												
e_{ij}													
Ci	\rightarrow												
	n												

BONDAD DE AJUSTE

X: variable aleatoria poblacional f(x): Densidad o Distribución especificada o supuesta para x Ho: $f(x) = f_0(x)$ vs H1: \neg Ho (negación de Ho)	Por Ji-Cuadrado (Discretas) $\chi^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(O_i - e_i)^2}{e_i}$, $v = (f-1)$ g.lib. $e_i = P_i * n$	* Cuando hay datos agrupados Determina si los datos de la muestra dada se ajustan a la distribución especificada o propuesta ● Xesx, misma probabilidad (uniforme discreta) ● Conteo en un tiempo o espacio (Poisson) ● Datos pertenecientes al tiempo de espera (Exponencial) ● Datos pert. Peso, edad (normal) ● Tiempo de vida útil (weiball)
Por Kolmogorov – Smirnov (Continuas) * Datos no agrup.		
S_n(x) : Distribución empírica (1/n para cada elemento)- Utiliza la muestra F₀(x) = P(x ≤ x ₀) Acumulada, utiliza la población	Estadístico de Prueba $D = \max S_n(x) - F_0(x) $	Región de rechazo $D > D_n$, n: tamaño de la muestra. Si no hay α utilizamos el valor p.

REGRESIÓN LINEAL SIMPLE

Modelo de R.L.S Estimado $\hat{y}_i = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_i$	Tabla ANOVA <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <th>Fuentes de variación</th> <th>Grados de libertad</th> <th>Suma de cuadrados</th> <th>Cuadrados medios</th> <th>Estadístico de prueba</th> </tr> <tr> <td>REGRESIÓN</td> <td>1</td> <td>SCR</td> <td>SCR/1</td> <td>$F^* = \frac{(SCR/1)}{(SCE/n-2)}$</td> </tr> <tr> <td>ERROR</td> <td>n-2</td> <td>SCE</td> <td>$S^2 = SCE/(n-2)$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>TOTAL</td> <td>n-1</td> <td>SCT</td> <td></td> <td></td> </tr> </table>	Fuentes de variación	Grados de libertad	Suma de cuadrados	Cuadrados medios	Estadístico de prueba	REGRESIÓN	1	SCR	SCR/1	$F^* = \frac{(SCR/1)}{(SCE/n-2)}$	ERROR	n-2	SCE	$S^2 = SCE/(n-2)$		TOTAL	n-1	SCT			● SCE = $\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$ ● SCR = $\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2$ ● SCT = SCR + SCE ● Error estimado $\rightarrow e_i = y_i - \hat{y}_i$ ● Potencia de la prueba r^2 $r^2 = \frac{SCR}{SCT}$, $0 \leq r^2 \leq 1$
Fuentes de variación	Grados de libertad	Suma de cuadrados	Cuadrados medios	Estadístico de prueba																		
REGRESIÓN	1	SCR	SCR/1	$F^* = \frac{(SCR/1)}{(SCE/n-2)}$																		
ERROR	n-2	SCE	$S^2 = SCE/(n-2)$																			
TOTAL	n-1	SCT																				
Modelo matricial de β estimados $\begin{bmatrix} n & \sum x_i \\ \sum x_i & \sum x_i^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{\beta}_0 \\ \hat{\beta}_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum y_i \\ \sum x_i y_i \end{bmatrix}$																						

	Estadístico de prueba	Región de Rechazo	Intervalo de Confianza
$H_0: \beta_0=0$ Vs 1) $H_1: \beta_0 \neq b_0$ 2) $H_1: \beta_0 < b_0$ 3) $H_1: \beta_0 > b_0$	σ^2 desconocida \rightarrow estimador S^2 $T = \frac{\hat{\beta}_0 - \beta_0}{\sqrt{S_{\hat{\beta}_0}^2}}, v = (n-2) \text{ g.li.}, S_{\hat{\beta}_0}^2 = S^2 \left[\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n S_{xx}} \right]$	1) $t < -t_{\alpha/2} \vee t > t_{\alpha}$ 2) $t < -t_{\alpha}$ 3) $t > t_{\alpha}$	$\hat{\beta}_0 - t_{\alpha/2} \sqrt{S_{\hat{\beta}_0}^2} < \beta_0 < \hat{\beta}_0 + t_{\alpha/2} \sqrt{S_{\hat{\beta}_0}^2}$
$H_0: \beta_1=0$ Vs 1) $H_1: \beta_1 \neq 0$ 2) $H_1: \beta_1 < 0$ 3) $H_1: \beta_1 > 0$	σ^2 desconocida \rightarrow estimador S^2 $T = \frac{\hat{\beta}_1 - \beta_1}{\sqrt{S_{\hat{\beta}_1}^2}}, v = (n-2) \text{ g.li.}, S_{\hat{\beta}_1}^2 = \frac{S^2}{S_{xx}}$	1) $t < -t_{\alpha/2} \vee t > t_{\alpha}$ 2) $t < -t_{\alpha}$ 3) $t > t_{\alpha}$	$\hat{\beta}_1 - t_{\alpha/2} \sqrt{S_{\hat{\beta}_1}^2} < \beta_1 < \hat{\beta}_1 + t_{\alpha/2} \sqrt{S_{\hat{\beta}_1}^2}$
$H_0: \varepsilon \sim N(0, \sigma^2)$ Vs $H_1: \neg H_0$	$D_n = \max S_n(x_i) - F_0(x_i) $ Kolmogorov-Smirnov		