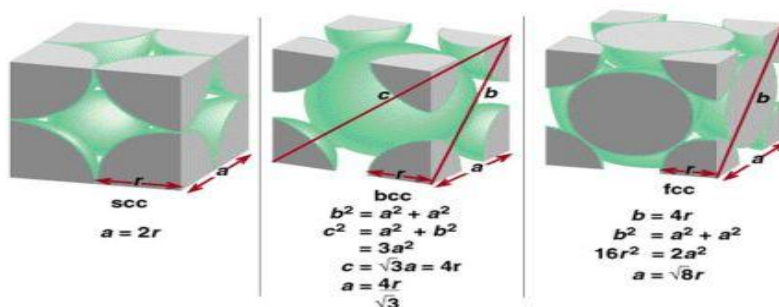


PARA LA EVALUACIÓN EL SIGNO COMA (,) SE TOMARÁ PARA REPRESENTAR MILES, EJEMPLO: $10^{+3} = 1,000$. EL PUNTO (.) SE TOMARÁ PARA REPRESENTAR DECIMALES, EJEMPLO: $10^{-1} = 0.1$

Tema #6 (10 puntos). Determinación de parámetros de una celda a partir de datos macroscópicos

El oro (Au) cristaliza en una estructura cúbica compacta (un cubo centrado en las caras) y tiene una densidad de 19.3 g/cm^3 . Calcule (con una estrategia de tres pasos) el radio iónico del oro en picómetros. Au = 197.0 g/mol . Para sus cálculos puede hacer uso de la figura insertada.

Posteriormente, sírvase dibujar la estructura referida, en tres dimensiones. En su estructura indicar los lados a, b y c y los ángulos α , β y γ .



Estrategia: Se desea calcular el radio atómico del oro. Para una celda unitaria cúbica centrada en las caras, la relación entre el radio (r) y la longitud de la arista (a), de acuerdo al gráfico dado, es $a = \sqrt{8}r$. Por lo tanto, para determinar el r de un átomo de Au, se necesita encontrar la arista. El volumen de un cubo es $V = a^3$ (arista al cubo) o $a = \sqrt[3]{V}$. Por lo tanto, al determinar el volumen de una celda unitaria (CU), se puede calcular a.

Aquí se conoce la densidad y su relación con la masa y volumen:

Densidad (dada) = masa (se necesita encontrar) / volumen (se desea calcular)

La secuencia de los pasos se resume a continuación:

Densidad CU \rightarrow Volumen CU \rightarrow longitud arista CU \rightarrow Radio atómico del Au

Solución:

Se conoce la densidad, así que con el fin de determinar el volumen de la CU, se debe encontrar la masa de la celda unitaria. Cada celda unitaria tiene ocho vértices y seis caras. De acuerdo con la figura, en cada una de las celdas existe un total.

$$(8 * 1/8) + (6 * 1/2) = 4$$

La masa de la celda unitaria es:

$$m = (4 \text{ átomos/celda unitaria}) (1 \text{ mol} / 6.022 \times 10^{23}) (197.0 \text{ g Au} / 1 \text{ mol Au}) = 1.31 \times 10^{-21} \text{ g / celda unitaria}$$

A partir de la definición de densidad ($d = m/V$), se calcula el volumen de la celda unitaria como sigue.

$$V = m/d = 1.31 \times 10^{-21} / 19.3 \text{ g/cm}^3 = 6.79 \times 10^{-23} \text{ cm}^3.$$

Como el volumen es la longitud elevada al cubo, se saca la raíz cúbica del volumen de la CU para obtener la longitud de la arista (a) de la celda:

$$a = \sqrt[3]{V} = (\sqrt[3]{6.79 \times 10^{-23} \text{ cm}^3}) = 4.08 \times 10^{-8} \text{ cm}.$$

En la figura se puede apreciar que el radio (r) de una esfera de Au está relacionado con la longitud de la arista mediante la expresión: $a = \sqrt{8}r$.

Por lo tanto:

$$r = a / \sqrt{8} = 4.08 \times 10^{-8} \text{ cm} / \sqrt{8} = 1.44 \times 10^{-8} \text{ cm}.$$

$$r = (1.44 \times 10^{-8} \text{ cm}) (1 \times 10^{-2} \text{ m/1cm}) (1 \text{ pm} / 1 \times 10^{-12} \text{ m})$$

$r = 144 \text{ pm.}$